

## 1.5. Bohrの原子モデル

- 古典力学を用いて解く

- 電子は等速円運動をすると仮定\*

$$m \frac{v^2}{r} = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

高校物理の復習を導入。

↓ 量子条件  
v =  $\frac{n\hbar}{mr}$  代入

$$r = n^2 \frac{\epsilon_0 h^2}{\pi m e^2} \equiv n^2 (a_B)$$

定数

\*古典物理学的には安定な状態ではない。  
電子は光を放出して螺旋状に核に近づく。

電子の軌道の離散性

## 1.5. Bohrの原子モデル

- Bohr半径

$$a_B = \frac{\epsilon_0 h^2}{\pi m e^2} = 0.529 \text{ Å}$$

水素原子の半径程度  
問1-5: Bohr半径の次元を計算せよ。

- 定常状態のエネルギー

運動エネルギー =  $\frac{1}{2} mv^2 = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

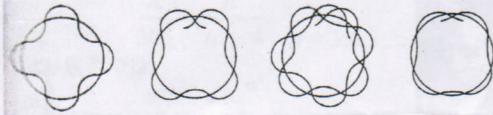
電 =  $-\frac{me^4}{8\epsilon_0 h^2} \frac{1}{n^2}$

$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right)$

$R = \frac{me^4}{8\epsilon_0^2 h^3 c}$  とすれば、両者一致(値も含め)  
問1-6: Rの値を計算して Rydberg定数と比較せよ

## 量子条件について補足

- 量子条件の直感的な説明



軌道運動する電子のde Broglie波は、  
電子が軌道を一周したときにぴったり重なる。

$$2\pi r = n\lambda$$

$\lambda = h/mv$

図の出典:  
マッカーリ・サイモン

定在波になる

→電子にとって「居心地が良い」と考える

||  
直感

「表裏一体」

## 二重性の補足

- 光の粒子性・波動性

- 粒子性: 光電効果など

- 波動性: 回折・干渉など

- “フォトン(光子)はそれ自身で干渉する”(Dirac)

// 粒子性 // 波動性



1933

余談: 物質波の干渉