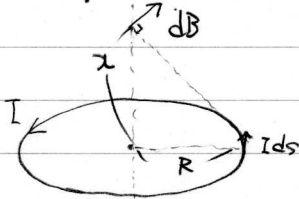


2.3

1) 一つのコイルが軸上につくる磁場を求めよ



半径  $R$  のコイルに電流  $I$  が回つ向きに流れているとき  
軸上でコイルの中心からキョリ  $x$  の位置にできる磁場を考える

Bio-Savart の法則より電流素片  $I ds$  による磁場  $dB$  は

図のような向きで大きさは  $dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I ds}{x^2 + R^2} \sin 90^\circ$  となる

これらと円電流について足し合せると軸方向の磁場の大きさは

$$B = \int \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I ds}{x^2 + R^2} \frac{R}{\sqrt{x^2 + R^2}}$$

$$= \frac{\mu_0 I R}{4\pi (x^2 + R^2)^{3/2}} \int ds$$

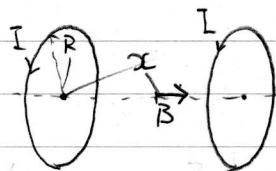
$$= \frac{\mu_0 I R}{4\pi (x^2 + R^2)^{3/2}} \times 2\pi R = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(x^2 + R^2)^{3/2}}$$

「一方のコイルの中心からのキョリ  $x$  の位置」を

共通軸上で二つの円形コイルの間の点 ( $0 < x < R$ )

と勝手に解釈する

素直にやるとたぶん円積分の辺りになるといっていいでしょう。僕にはムリです。



図のような状態として

二つの円形コイルによる磁場の重ね合せから

$$B = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(x^2 + R^2)^{3/2}} + \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{[(R-x)^2 + R^2]^{3/2}}$$

$$= \frac{\mu_0 I R^2}{2} \left[ \frac{1}{(R^2 + x^2)^{3/2}} + \frac{1}{(2R^2 + x^2 - 2Rx)^{3/2}} \right]$$

となる