

「水理学」試験問題 (2016年1月25日)

1. 「Hagen-Poiseuille 流れ」とは、円管内を層流状態で流れる等流であり、その流速分布は $u(r) = \frac{g\eta_x}{4\nu}(a^2 - r^2)$ で与えられることが知られている。ここに、 r は円管の中心からの距離、 g は重力加速度、 ν は動粘性係数、 η_x は動水勾配、 a は円管の半径である。

1-1) 動粘性係数 ν 、粘性係数 μ 、密度 ρ はどのような関係にあるか。

1-2) 円管の中心と壁面のそれぞれにおけるせん断応力を求めよ。

1-3) Hagen-Poiseuille 流れが破綻する(乱流へ遷移する)状況の例を、灌漑工学において現実的な数値を挙げつつ述べよ。ただし、地球上での g は 10^1 m/s^2 程度、水の ν は $10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$ 程度である。

2. 開水路の等流における断面平均流速 V を与える公式として、Manning 式 $V = \frac{1}{n} R^{2/3} S_0^{1/2}$ が広く用いられている。ここに、 n は粗度係数、 S_0 は水路底勾配、 R は径深である。

2-1) 非常に幅が広い長方形断面水路においては、径深 R と水深 h の関係はどのようなになるか。

2-2) 「等流水深(h_0)」の定義を述べよ。

2-3) 非常に幅が広い長方形断面水路において、粗度係数 n が 1.200 倍になると等流水深 h_0 は何倍になるか。ただし、微小な ε と正の実数 p に対する $(1+\varepsilon)^p$ の計算には、無限回連続微分可能な関数 $f(x)$ についての Taylor 展開

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x-x_0)^n \text{ を利用すること。}$$